

Chapitre 12 – Statistiques

Cours – Niveau Seconde

1 Vocabulaire

Une étude statistique porte sur une **population**.

Chaque élément de cette population est appelé un **individu**.

On étudie un **caractère**.

Exemple

On étudie la taille des élèves d'une classe.

- Population : les élèves de la classe.
- Individus : chaque élève.
- Caractère : la taille.

2 Caractère quantitatif

Un caractère est quantitatif lorsqu'il prend des valeurs numériques.

Exemples :

- taille ;
- âge ;
- nombre de frères et sœurs ;
- note à un devoir.

Un caractère quantitatif peut être :

- discret, s'il prend des valeurs isolées ;
- continu, s'il peut prendre toutes les valeurs d'un intervalle.

3 Effectifs

L'effectif d'une valeur est le nombre de fois où cette valeur apparaît.

Exemple

On considère les notes :

8, 10, 10, 12, 12, 12, 15, 17.

Le tableau des effectifs est :

Note	8	10	12	15	17
Effectif	1	2	3	1	1

L'effectif total est :

$$N = 8.$$

4 Fréquences

La fréquence d'une valeur est :

$$\text{fréquence} = \frac{\text{effectif de la valeur}}{\text{effectif total}}$$

La somme des fréquences vaut :

$$1.$$

En pourcentage :

$$100\%.$$

Exemple

Pour la note 12 :

$$f = \frac{3}{8} = 0,375.$$

Soit :

$$37,5\%.$$

5 Moyenne

Soient des valeurs :

$$x_1, x_2, \dots, x_p$$

avec des effectifs :

$$n_1, n_2, \dots, n_p.$$

La moyenne est :

$$\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_px_p}{n_1 + n_2 + \dots + n_p}$$

Exemple

x_i	10	12	15
n_i	2	3	1

Alors :

$$\bar{x} = \frac{2 \times 10 + 3 \times 12 + 1 \times 15}{6}.$$

Donc :

$$\bar{x} = \frac{71}{6} \approx 11,83.$$

6 Médiane

La médiane partage la série ordonnée en deux groupes de même effectif.
Il faut d'abord ranger les valeurs dans l'ordre croissant.

Effectif impair

Pour :

$$2, 4, 5, 7, 9,$$

la médiane est :

$$\boxed{5}.$$

Effectif pair

Pour :

$$2, 4, 5, 7, 9, 12,$$

on prend la moyenne des deux valeurs centrales :

$$\frac{5 + 7}{2} = 6.$$

Donc :

$$\boxed{Me = 6}.$$

7 Quartiles

Le premier quartile, noté Q_1 , est une valeur telle qu'au moins 25% des données lui sont inférieures ou égales.

Le troisième quartile, noté Q_3 , est une valeur telle qu'au moins 75% des données lui sont inférieures ou égales.

En pratique, dans une série ordonnée :

$$Q_1$$

est la valeur de rang :

$$\left\lceil \frac{N}{4} \right\rceil$$

et :

$$Q_3$$

est la valeur de rang :

$$\left\lceil \frac{3N}{4} \right\rceil.$$

8 Étendue

L'étendue mesure la dispersion entre la plus petite et la plus grande valeur.

$$\boxed{\text{Étendue} = \text{maximum} - \text{minimum}}$$

Exemple

Dans :

$$4, 7, 8, 10, 13,$$

l'étendue vaut :

$$13 - 4 = 9.$$

9 Écart interquartile

L'écart interquartile est :

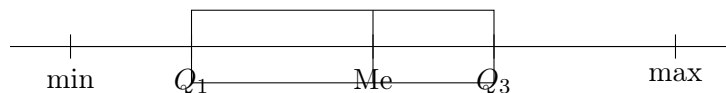
$$\boxed{Q_3 - Q_1}.$$

Il mesure la dispersion des 50% centraux de la série.

10 Diagramme en boîte

Un diagramme en boîte utilise :

- le minimum ;
- Q_1 ;
- la médiane ;
- Q_3 ;
- le maximum.

Schéma**11 Écart-type**

L'écart-type mesure la dispersion des valeurs autour de la moyenne.

Plus l'écart-type est petit, plus les valeurs sont regroupées autour de la moyenne.

Plus l'écart-type est grand, plus elles sont dispersées.

On note généralement l'écart-type :

$$\boxed{\sigma}.$$

Pour une série de valeurs x_i d'effectifs n_i :

$$\boxed{\sigma = \sqrt{\frac{n_1(x_1 - \bar{x})^2 + \cdots + n_p(x_p - \bar{x})^2}{N}}}$$

12 Comparer deux séries

Pour comparer deux séries, on peut regarder :

- leur moyenne ;
- leur médiane ;
- leurs quartiles ;
- leur étendue ;
- leur écart interquartile ;
- leur écart-type.

Deux séries peuvent avoir la même moyenne mais des dispersions très différentes.

13 Représentations graphiques

On peut représenter une série statistique avec :

- un diagramme en bâtons ;
- un histogramme ;
- un diagramme circulaire ;
- un diagramme en boîte.

14 Méthodes à connaître

À la fin du chapitre, il faut savoir :

1. calculer un effectif total ;
2. calculer une fréquence ;
3. calculer une moyenne ;
4. déterminer une médiane ;
5. déterminer Q_1 et Q_3 ;
6. calculer l'étendue ;
7. calculer l'écart interquartile ;
8. lire un diagramme en boîte ;
9. interpréter un écart-type ;
10. comparer deux séries statistiques.

À retenir

$$\bar{x} = \frac{\sum n_i x_i}{N}$$

$$\text{Étendue} = \max - \min$$

$$\text{Écart interquartile} = Q_3 - Q_1$$

et :

$$\text{plus } \sigma \text{ est grand, plus la série est dispersée.}$$